

Приёмы по доработке описания модели управления доступом ОССН Astra Linux Special Edition на формализованном языке метода Event-В для обеспечения её верификации инструментом проверки моделей ProB

Леонова М.А., Девянин П.Н.

ФОРМАЛЬНЫЕ МОДЕЛИ УПРАВЛЕНИЯ ДОСТУПОМ И ИХ ВЕРИФИКАЦИЯ

Формальные модели управления доступом:

- > Модель Белла-ЛаПадулы OC Multics (*Bell D.E.*, *LaPadula L.J.* Secure Computer Systems: Unified Exposition and Multics Interpretation. Bedford, Mass.: MITRE Corp., 1976. MTR-2997 Rev. 1);
- > Модель Биба OC Multics, OC Microsoft Windows Vista/7/10 (*Biba K.J.* Integrity Considerations for Secure Computer Systems. Bedford, Mass.: MITRE Corp., 1975. MTR-3153);

•••

> MPOCЛ ДП-модель – OCCH Astra Linux Special Edition (Безопасность операционной системы специального назначения Astra Linux Special Edition. Учебное пособие для вузов / П.В. Буренин, П.Н. Девянин, Е.В. Лебеденко и др.; Под ред. доктора техн. наук, профессора П.Н. Девянина. 3-е издание, перераб. и доп. М.: Горячая линия – Телеком, 2019. 404 с.: ил.).

Верификация формальных моделей управления доступом:

- > Event-B, Rodin (*Abrial J.-R., Butler M., Hallerstede S. et al.* Rodin: An Open Toolset for Modelling and Reasoning in Event-B // International Journal on Software Tools for Technology Transfer. 2010. Vol. 12, no. 6. P. 447–466);
- > AstraVer Toolset (Девянин П.Н., Ефремов Д.В., Кулямин В.В., Петренко А.К., Хорошилов А.В., Щепетков И.В. Моделирование и верификация политик безопасности управления доступом в операционных системах. М.: Горячая линия Телеком, 2019. 214 с.: ил.).

ТРЕБОВАНИЯ ПО БЕЗОПАСНОСТИ ИНФОРМАЦИИ, УСТАНАВЛИВАЮЩИЕ 6 УРОВНЕЙ ДОВЕРИЯ (ПРИКАЗ ФСТЭК РОССИИ ОТ 30.07.2018 № 131)

5 УРОВЕНЬ ДОВЕРИЯ (ОБЪЕКТЫ КИИ 2 КАТЕГОРИИ, ГИС 2 КЛАССА ЗАЩИЩЕННОСТИ)

> идентификация и анализ скрытых каналов по памяти.

4 УРОВЕНЬ ДОВЕРИЯ (ОБЪЕКТЫ КИИ 1 КАТЕГОРИИ, ГИС 1 КЛАССА ЗАЩИЩЕННОСТИ)

> модель безопасности, включая реализуемые политики управления доступом и фильтрации информационных потоков.

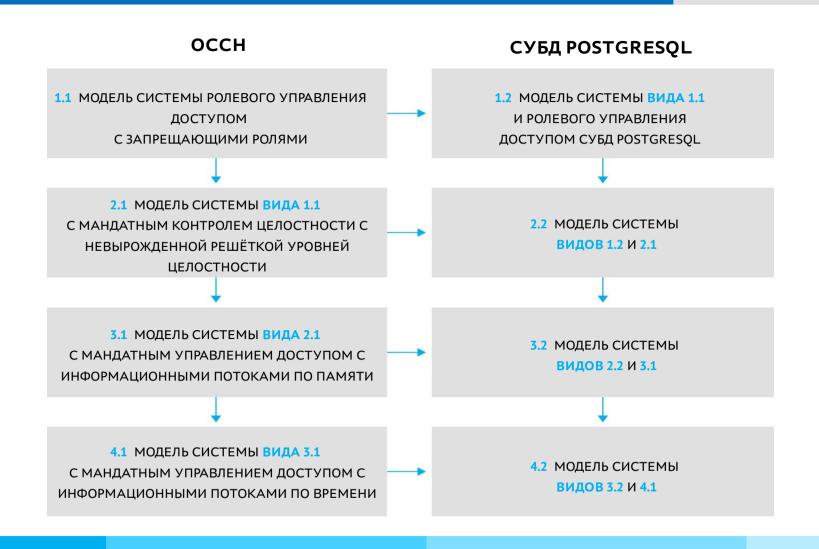
3 УРОВЕНЬ ДОВЕРИЯ (ИС, В КОТОРЫХ ОБРАБАТЫВАЕТСЯ ИНФОРМАЦИЯ, СОДЕРЖАЩАЯ СЕКРЕТНЫЕ СВЕДЕНИЯ)

- > верификация модели безопасности с использованием инструментальных средств;
- > идентификация и анализ скрытых каналов по времени.

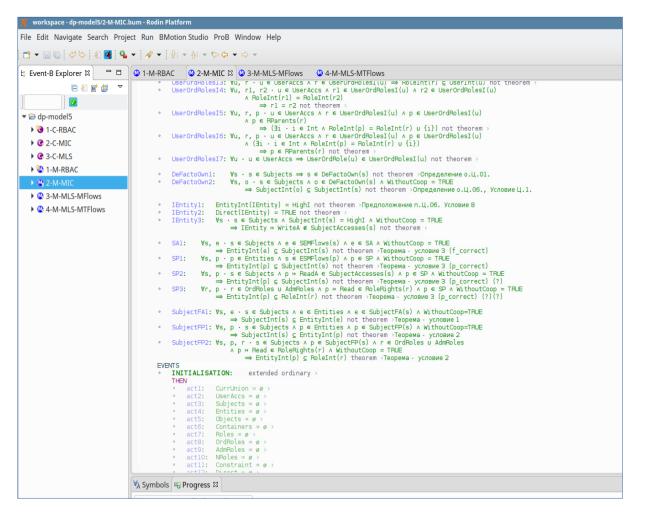
1 УРОВЕНЬ ДОВЕРИЯ (ИС, В КОТОРЫХ ОБРАБАТЫВАЕТСЯ ИНФОРМАЦИЯ, СОДЕРЖАЩАЯ СВЕДЕНИЯ ОСОБОЙ ВАЖНОСТИ)

> идентификация и анализ скрытых статистических каналов.

ФОРМИРОВАНИЕ ИЕРАРХИЧЕСКОГО ПРЕДСТАВЛЕНИЯ МРОСЛ ДП-МОДЕЛИ В МАТЕМАТИЧЕСКОЙ НОТАЦИИ



ПРИМЕР ОПИСАНИЯ МРОСЛ ДП-МОДЕЛИ В ФОРМАЛИЗОВАННОЙ НОТАЦИИ



```
Run Rename BMotion Studio ProB Window Help

    □ 1-M-RBAC    □ 2-M-MIC    □ 3-M-MLS-MFlows    □ 4-M-MLS-MTFlows    □

          actl: SubjectAdmAccesses(subject) = SubjectAdmAccesses(subject) u {role +> ReadA} >
         access write entity: extended ordinary >
         REFINES
          · access write entity
             entity >
          • iSubject >
          o owners

    grdl: subject ∈ Subjects not theorem >

    ard2: entity ∈ Entities not theorem >

         o grd3: ∃r · r ∈ OrdRoles ∪ AdmRoles ∧ r → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ∧ entity → Write ∈ RoleRights(r) not theorem >
         o grd4: ∀nr onr ∈ NRoles Anr » ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ⇒ entity » Write ∉ RoleRights(nr) not theorem >Запрещающие роли
         ogrd5: ∃E, c · E ⊆ Containers ∧ Root ∉ E ∧ ((entity ∈ dom(EntityNames) ∧ c ∈ dom(EntityNames(entity)) ∧ Parent[E] ∪ {c} = E ∪ {Root}) v (E
                         ∧ (∀o · o ∈ E ∪ {entity} ∪ {Root}
                            ⇒ (∃r · r ∈ OrdRoles ∪ AdmRoles ∧ r → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ∧ o → Execute ∈ RoleRights(r))
                                ^ (∀nr · nr ∈ NRoles ^ nr » ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ⇒ о » Execute ∉ RoleRights(nr))) not theorem >Запреща
         ogrd6: ∃E. c · E c Containers ∧ Root ∉ E ∧ ((entity ∈ dom(EntityNames) ∧ c ∈ dom(EntityNames(entity)) ∧ Parent[E] ∪ {c} = E ∪ {Root}) ∨ ((
                        ∧ (∀o · o ∈ E ∪ {entity} ∪ {Root}
                             ⇒ (∃r · r ∈ OrdRoles v AdmRoles ∧ r → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ∧ o → Execute ∈ RoleRights(r))
                                ^ (∀nr · nr ∈ NRoles ^ nr → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ⇒ o → Execute ∉ RoleRights(nr))
                                ^ (EntityInt(o) ⊆ SubjectInt(subject) v CCRI(o) = FALSE)) not theorem >

    grd7: EntityInt(entity) ⊆ SubjectInt(subject) not theorem >

    grd8: iSubject ∈ Subjects not theorem

    ord9: entity ≠ IEntity ∧ EntityInt(entity) ≠ LowI ⇒ IEntity » WriteA ∈ SubjectAccesses(iSubject) not theorem >

         o grd10: WithoutCoop = TRUE ⇒ SubjectInt(subject) ≠ HighI not theorem >
          • grdll: ∃E, c · E ⊆ Containers ∧ Root ∉ E ∧ ((entity ∈ dom(EntityNames) ∧ c ∈ dom(EntityNames(entity)) ∧ Parent[E] ∪ {c} = E ∪ {Root}) ∨ (E
                        ∧ (∀o · o ∈ E u {entity} u {Root}
                            ⇒ (∃r · r ∈ OrdRoles ∪ AdmRoles ∧ r » ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ∧ o » Execute ∈ RoleRights(r))
                                ^ (∀nr · nr ∈ NRoles ^ nr » ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ⇒ o » Execute ∉ RoleRights(nr))
                                A (EntityInt(o) ⊆ SubjectInt(subject) v CCRI(o) = FALSE)
                                A (EntityCnf(o) ⊆ SubjectCnf(subject) v CCR(o) = FALSE)) not theorem >
            grd12: entity € WHole ∧ DowngradeAR → ReadA € SubjectAdmAccesses(subject) ⇒ SubjectCnf(subject) ⊊ EntityCnf(entity) not theorem >
          o grd13: entity ∉ EHole ∧ DowngradeAR » ReadA ∉ SubjectAdmAccesses(subject) ⇒ SubjectCnf(subject) = EntityCnf(entity) not theorem >

    grd14: owners ∈ P(Subjects) not theorem

    grd15: ∀s · s ∈ Subjects ∧ subject ∈ DeFactoOwn(s) ∧ entity ∉ RWHole ⇒ s ∈ owners not theorem

          ∘ grd16: ∀s · s ∈ Subjects ∧ s ∈ owners ⇒ subject ∈ DeFactoOwn(s) ∧ entity ∉ RWHole not theorem :
              grd17: entity ∈ RWHole ⇒ owners = ø not theorem >

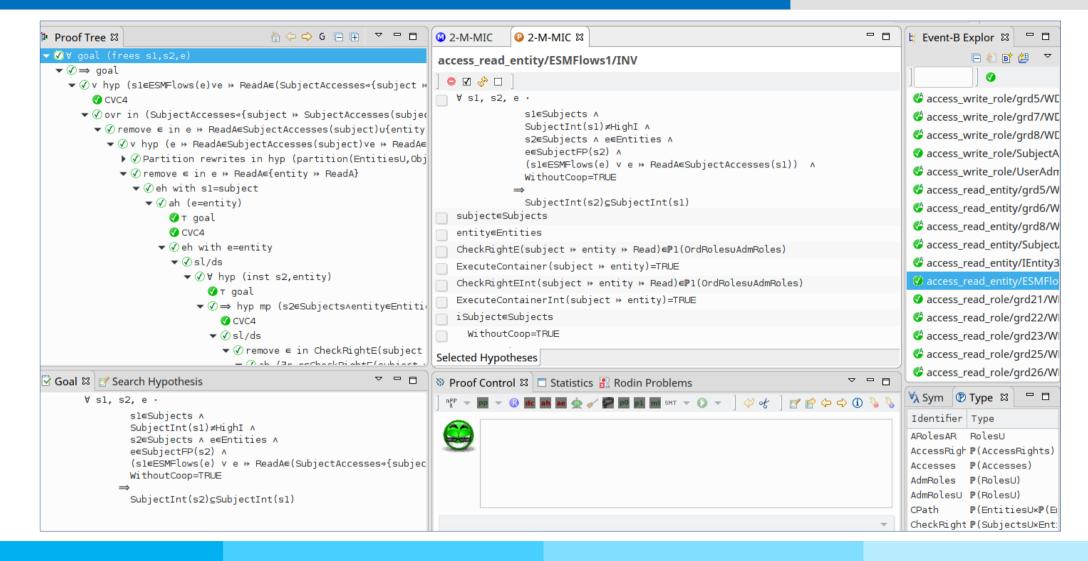
    act1: SubjectAccesses(subject) = SubjectAccesses(subject) u {entity >> WriteA} >>

    act2: ESTFlows(entity) = ESTFlows(entity) u owners

         access write role: extended ordinary >
          · access write role
🗸 Symbols 🖶 Progress 🛭
```

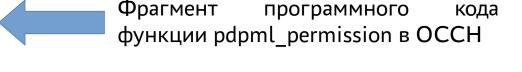
- 1. Актуализация МРОСЛ ДП-модели в формализованной нотации в соответствие с изменениями ее описания в математической нотации, как для ОССН, так и для СУБД PostgreSQL.
- 2. Автоматизированная дедуктивная верификация с применением инструментального средства Rodin.
- 3. Нахождение приемов формирования МРОСЛ ДП-модели в математической и формализованной нотациях для их приближения к практической реализации механизма управления доступом в ОССН и упрощения дедуктивной верификации с применением инструментального средства Rodin.
- 4. Исследование возможности верификации МРОСЛ ДП-модели и реализации автоматизированных тестов механизма управления доступом ОССН с использованием инструмента проверки моделей ProB.

ВЕРИФИКАЦИЯ 2 УРОВНЯ (МКЦ) МРОСЛ ДП-МОДЕЛИ НА ЯЗЫКЕ МЕТОДА EVENT-В ИНСТРУМЕНТАЛЬНЫМ СРЕДСТВОМ RODIN



ПРИМЕР ИСПОЛЬЗОВАНИЯ ТОТАЛЬНЫХ ФУНКЦИЙ

Задание тотальных функций CheckRight и ExecuteContainer в формализованной нотации



File Edit Navigate Search Project Run Rename Window Help

```
Ouick Access
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    EQ.

↑ *1-M-RBAC

                                  · CheckRightIntType: CheckRightInt ∈ (Subjects ↔ (Entities U Roles U Subjects ↔ AccessRights)) → P(Roles) not theorem >
                                                                                                                                                                      ЛМА: Области определения и значения функции check i right

    CheckRightIntFuncE1: ∀s.e.r · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Entities ∧ r ∈ Roles ⇒ (r ∈ CheckRightInt({s → {e → Read}})) ⇔

                                                                                      r ∈ CheckRight({s → {e → Read}})) not theorem
                                                                                                                   ЛМА: E1-E4 условия истинности функции check_i_right (для сущностей)
                                                                           \forall s.e.r \cdot s \in Subjects \land e \in Containers \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto Execute\}\})) \Leftrightarrow

    CheckRightIntFuncE2:

                                                                                      r ∈ CheckRight({s → {e → Execute}})) not theorem >
                                                                          \forall s.e.r \cdot s \in Subjects \land e \in Objects \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto Execute\}\}) \Leftrightarrow
               CheckRightIntFuncE3:
                                                                                      r \in CheckRight(\{s \mapsto \{e \mapsto Execute\}\}) \land SubjectInt(s) \subseteq EntityInt(e)) not theorem
                                                                           \foralls,e,ar,r · s \in Subjects \land e \in Entities \land ar \in {Write, Own} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt({s \Rightarrow {e \Rightarrow ar}}) \Leftrightarrow
               CheckRightIntFuncE4:
                                                                                      r ∈ CheckRight({s → {e → ar}}) ∧ EntityInt(e) ⊂ SubjectInt(s)) not theorem >

    CheckRightIntFuncR1: ∀s.e.ar.r · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Roles ∧ ar ∈ {Read. Execute} ∧ r ∈ Roles ⇒ (r ∈ CheckRightInt({s » {e » ar}}) ⇔

                                                                                      r ∈ CheckRight({s → {e → ar}})) not theorem >
                                                                                                               ЛМА: R1-R2 условия истинности функции check i right (для ролей)
                                                                          \forall s.e.ar.r \cdot s \in Subjects \land e \in Roles \land ar \in \{Write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto \{e \mapsto ar\}\}\}) \Leftrightarrow Ar \in \{write, Own\} \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRint(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in Roles \Rightarrow (r \in CheckRightInt(\{s \mapsto ar\}\}) \land r \in R

    CheckRightIntFuncR2:

                                                                                      r ∈ CheckRight({s → {e → ar}}) ∧ RoleInt(e) ⊆ SubjectInt(s)) not theorem >

    CheckRightIntFuncS: ∀s,e,ar,r · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Subjects ∧ ar ∈ AccessRights ∧ r ∈ Roles ⇒ (r ∈ CheckRightInt({s ↦ {e ↦ ar}}) ⇔

                                                                            r ∈ CheckRight({s → {e → ar}}) ∧ SubjectInt(e) ⊆ SubjectInt(s)) not theorem
                                                                                                                                                      ЛМА: Условия истинности функции check i right (для субъектов)

    ExecuteContainerIntType: ExecuteContainerInt ∈ (Subjects ↔ Entities) → BOOL not theorem →ЛМА: Области определения и значения функции execute i cor

    ExecuteContainerIntFunc:

                                                                                    ∀s,e · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Éntities ⇒ (ExecuteContainerInt({s → e}) = TRUE ⇔
                                                                                               (∃E, c · E ⊆ Containers ∧ Root ∉ E ∧ ((e ∈ dom(EntityNames) ∧ c ∈ dom(EntityNames(e)) ∧ Parent[E] ∪ {c} = E ∪ {Root})
                                                                                                        Λ (∀o · o ∈ E ∪ {Root} ⇒ (∃r · r ∈ CheckRightInt({s » {o » Execute}}) Λ CheckRightInt({s » {o » Execute}}) ⊂ Ordf
                                                                                                                  л (EntityInt(o) ⊆ SubjectInt(s) v CCRI(o) = FALSE)))) not theorem >ЛМА: Условия истинности функции execute i с
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 _ =
📎 Proof Control 🛭 📋 Statistics 🚼 Rodin Problems
```

```
access read entity: extended ordinary >
REFINES
    access read entity
    subject >
    entity >
    grdl: subject ∈ Subjects not theorem >
    ard2: entity ∈ Entities not theorem >
    grd3: ∃r · r ∈ OrdRoles u AdmRoles Λ r → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) Λ entity → Read ∈ RoleRights
    grd4: ∀nr · nr ∈ NRoles ∧ nr → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ⇒ entity → Read ∉ RoleRights(nr) not
   grd5: ∃E, C · E ⊆ Containers ∧ Root ∉ E ∧ ((entity ∈ dom(EntityNames) ∧ C ∈ dom(EntityNames(entity)) ∧ Pa
               \wedge (\forall o \cdot o \in F \cup \{entity\} \cup \{Root\}\}
                    ⇒ (∃r · r ∈ OrdRoles ∪ AdmRoles ∧ r → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ∧ o → Execute ∈
                       ∧ (∀nr · nr ∈ NRoles ∧ nr » ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ⇒ o » Execute ∉ RoleRi
   grd6: ∃E. c · E ⊂ Containers ∧ Root ∉ E ∧ ((entity ∈ dom(EntityNames) ∧ c ∈ dom(EntityNames(entity)) ∧ Pa
                ∧ (∀o · o ∈ E u {entity} u {Root}
                    ⇒ (∃r · r ∈ OrdRoles ∪ AdmRoles ∧ r → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ∧ o → Execute ∈
                       Λ (∀nr · nr ∈ NRoles Λ nr » ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(subject) ⇒ ο » Execute ∉ RoleRi
                       A (EntityInt(o) c SubjectInt(subject) v CCRI(o) = FALSE)) not theorem >
   grd7: WithoutCoop = TRUE ⇒ SubjectInt(subject) ≠ HighI not theorem >
   actl: SubjectAccesses(subject) = SubjectAccesses(subject) v {entity +> ReadA} >>
END
```

Реализация функций модели в математической нотации в виде охранных условий в формализованной нотации

Реализация функций математической нотации виде тотальных функций формализованной нотации



```
access read entity:
                        extended ordinary >
REFINES
    access read entity
    subject >
    entity >
   iSubject
                ⇒ЛМА
    grdl: subject ∈ Subjects not theorem >
           entity ∈ Entities not theorem >
           CheckRightE(subject → entity → Read) ∈ P1(OrdRoles ∪ AdmRoles) not theorem >ЛМА: Замена
           ExecuteContainer(subject » entity) = TRUE not theorem >ЛМА: Замена условий значением функ
            CheckRightEInt(subject → entity → Read) ∈ ₱1(OrdRoles ∪ AdmRoles) not theorem >ЛМА: Заме
            ExecuteContainerInt(subject » entity) = TRUE not theorem >ЛМА: Замена условий значением ф
           iSubject ∈ Subjects not theorem >ЛМА: Добавлен в соответствии с моделью
    grd8:
           WithoutCoop = TRUE ⇒ SubjectInt(subject) ≠ HighI not theorem >
THEN

    actl: SubjectAccesses(subject) = SubjectAccesses(subject) v {entity >> ReadA} >>

END
```

ИСПОЛЬЗОВАНИЕ НЕСКОЛЬКИХ ГЛОБАЛЬНЫХ ТИПОВ С СОХРАНЕНИЕМ ПОДХОДА ПО ПРИМЕНЕНИЮ ПОДТИПОВ

```
SETS

UsersU

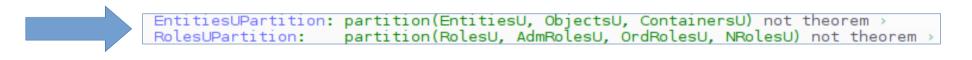
SubjectsU

EntitiesU

RolesU

Names NAMES: множество возможных имён сущностей, ролей, административных ролей
Accesses Ra: множество видов доступа
AccessRights Rr: множество видов прав доступа
```

Подтипы в формализованной нотации



```
CheckRightEType:
                    CheckRightE ∈ Subjects × Entities × AccessRights → P(Roles) not theorem >ЛМА: Области определения и значения функции check right
                    Vs.e.ar.r · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Entities ∧ ar ∈ AccessRights ∧ r ∈ Roles ⇒ (r ∈ CheckRightE(s » e » ar) ⇔
CheckRightEFunc:
                        r → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(s) ∧ e → ar ∈ RoleRights(r)) not theorem >ЛМА: Условия истинности функции check right (для сущностей)
                    CheckRightR ∈ Subjects × Roles × AccessRights → P(AdmRoles) not theorem >
CheckRightRType:
CheckRightRFunc:
                    ∀s,e,ar,r · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Roles ∧ ar ∈ AccessRights ∧ r ∈ AdmRoles ⇒ (r ∈ CheckRightR(s → e → ar) ⇔
                        r → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(s) ∧ e → ar ∈ RoleAdmRights(r)) not theorem >ЛМА: Условия истинности функции check right (для ролей)
CheckRightSType:
                    CheckRightS ∈ Subjects × Subjects × {Own} → P(Roles) not theorem >
CheckRightSFunc1:
                   Vs.e.r · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Subjects ∧ r ∈ OrdRoles ∪ AdmRoles ⇒ (r ∈ CheckRightS(s → e → Own) ⇔
                        r → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(s) ∧ r ∈ SubjectOwner(e)) not theorem → ЛМА: S1-S2 условия истинности функции check right (для субъекто
                   Vs,e,r · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Subjects ∧ r ∈ NRoles ⇒ (r ∈ CheckRightS(s → e → Own) ⇔
CheckRightSFunc2:
```

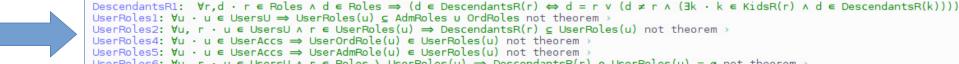
ЗАДАНИЕ ОХРАННЫХ УСЛОВИЙ СОБЫТИЙ С УЧЕТОМ СПЕЦИФИКИ PROB

```
Vu · u ∈ Union ∧ admRole ∈ UserRoles(u) ⇒ role ∉ UserRoles(u) not theorem
 ard10: ∀u · u ∈ Union ∧ admRole ∈ UserRoles(u) ⇒ role ∉ CommonRoles not theorem
grdll: admRights © RoleAdmRights(admRole) not theorem >
grd12: ∀ar · ar ∈ accessRights ⇒ role » ar ∈ admRights not theorem >
grd13: ∀ar · ar ∉ accessRights ⇒ role » ar ∉ admRights not theorem >
 grd14: Read ∉ accessRights ⇒ (∀r · r ∈ Roles \ {role} ⇒ r ∉ dom(admRights)) not theorem
ard15: ∀r. ar · r ∈ Roles ∧ r ≠ role ∧ ar ∈ AccessRights ∧ ar ≠ Read ⇒ r ⊮ ar ∉ admRights not theorem >
grd16: ∀r. p · r ∈ Roles ∧ p ∈ RParents(r) ∧ r → Read ∈ admRights ⇒ p → Read ∈ admRights not theorem >
ord17: Read ∈ accessRights
              ⇒ (∀u, r · u ∈ UserAccs ∧ admRole ∈ UserRoles(u) ∧ r ∈ dom(admRights)
                  ⇒r∉ Constraint(UserAdmRole(u)) и Constraint(UserOrdRole(u)) и Constraint(CommonRole)) not theorem >Запрещающие рол
grd18: depth ∈ N → P(dom(admRights)) not theorem
 grd19: \forall r \cdot r \in \text{dom}(\text{admRights}) \Rightarrow (\exists i \cdot i \in \mathbb{N} \land r \in \text{depth}(i)) \text{ not theorem} \rightarrow
grd20: depth(0) = {role} not theorem
grd21: \forall i \cdot i \in \mathbb{N} \Rightarrow (\forall p \cdot p \in \text{depth}(i + 1) \Rightarrow (\exists \text{ch} \cdot \text{ch} \in \text{depth}(i) \land p \in \text{RParents}(\text{ch}))) not theorem
ard22: ∀i · i ∈ N ∧ (∀r · r ∈ depth(i) ⇒ (∀u · u ∈ Union ∧ admRole ∈ UserRoles(u) ⇒ r ∉ UserRoles(u) ∧ r ∉ CommonRoles))
              ⇒ (∀r · r ∈ depth(i + 1) ⇒ (∀u · u ∈ Union ∧ admRole ∈ UserRoles(u) ⇒ r ∉ UserRoles(u) ∧ r ∉ CommonRoles)) theorem >
grd23: ∀i · i ∈ N ⇒ (∀r · r ∈ depth(i) ⇒ (∀u · u ∈ Union ∧ admRole ∈ UserRoles(u) ⇒ r ∉ UserRoles(u) ∧ r ∉ CommonRoles)) theorem
actl: RoleAdmRights(admRole) = RoleAdmRights(admRole) \ admRights
```



Использование индукции в событии

Функция потомков ролей



Использование функции потомков в событии

```
UserRoles1: ∀u · u ∈ UsersU ⇒ UserRoles(u) ⊆ AdmRoles v OrdRoles not theorem
UserRoles2: ∀u, r · u ∈ UsersU ∧ r ∈ UserRoles(u) ⇒ DescendantsR(r) ⊆ UserRoles(u) not theorem >
UserRoles4: ∀u · u ∈ UserAccs ⇒ UserOrdRole(u) ∈ UserRoles(u) not theorem >
UserRoles5: ∀u · u ∈ UserAccs ⇒ UserAdmRole(u) ∈ UserRoles(u) not theorem >
UserRoles6: \forall u, r \cdot u \in UsersU \land r \in Roles \setminus UserRoles(u) \Rightarrow DescendantsR(r) \cap UserRoles(u) = \emptyset \text{ not theorem}
          Vu · u ∈ UsersU ∧ admRole ∈ UserRoles(u) ⇒ role ∉ UserRoles(u) not theorem >
```

```
grd10: ∀u · u ∈ UsersU ∧ admRole ∈ UserRoles(u) ⇒ role ∉ CommonRoles not theorem >
grdll: admRights ∈ {r | r ∈ Roles ∧ role ∈ DescendantsR(r)} ↔ accessRights not theorem
grd12: accessRights = {Read} \Rightarrow admRights = {r | r \in Roles \land role \in DescendantsR(r)} \times {Read} not theorem
grdl3: accessRights = {Write} ⇒ admRights = {role → Write} not theorem
ard14: accessRights = {Read, Write} ⇒ admRights = ({r | r ∈ Roles ∧ role ∈ DescendantsR(r)} × {Read}) ∪ {role → Write} not theorem >
grd15: Read ∈ accessRights
            ⇒ (∀u, r · u ∈ UserAccs ∧ admRole = UserAdmRole(u) ∧ r ∈ NRoles ∧ r ∈ dom(admRights)
                ⇒ r ∉ Constraint(UserAdmRole(u)) u Constraint(UserOrdRole(u)) u Constraint(CommonRole)) not theorem >
grd16: checkRightR ∈ Subjects × Roles × AccessRights → ₱(AdmRoles) not theorem >ЛМА: grd 16-19 условия переопределения функции check right
grd17: ∀s,e,ar s ∈ Subjects ∧ e ∈ Roles ∧ ar ∉ accessRights ⇒ checkRightR(s » e » ar) = CheckRightR(s » e » ar) not theorem >
grd18: ∀s,e,ar,r · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Roles ∧ ar ∈ accessRights ∧ r ∈ AdmRoles \ {admRole} ⇒ (r ∈ checkRightR(s » e » ar) ⇔ r ∈ CheckRightR(s » e » ar)
grd19: ∀s,e,ar · s ∈ Subjects ∧ e ∈ Roles ∧ ar ∈ accessRights ⇒ (admRole ∈ checkRightR(s » e » ar) ⇔
            admRole → ReadA ∈ SubjectAdmAccesses(s) ∧ e → ar ∈ RoleAdmRights(admRole) \ admRights) not theorem >
actl: RoleAdmRights(admRole) = RoleAdmRights(admRole) \ admRights >
act2: CheckRightR ≔ checkRightR → ЛМА: Переопределение функции check right
```

записей

ИНИЦИАЛИЗАЦИЯ НАЧАЛЬНОГО СОСТОЯНИЯ МОДЕЛИ ДЛЯ ИСПОЛЬЗОВАНИЯ PROB

```
    INITIALISATION: not extended ordinary

    THEN
                UserAccs = {RedUser, LowUser}
    o act2: Subjects = {SRoot}
               Entities = {Root}
                Objects = ø
                Containers = {Root}
                 Roles = PredefinedRoles
                 OrdRoles = CommonRoles u {RUOrdRole, LUOrdRole} u HR
                 AdmRoles = SpecialAdmRoles u {RUAdmRoleH, RUAdmRoleL, LUAdmRole} >
                 NRoles ≔ ø →
       act10: Constraint = PredefinedRoles × {ø} >
       actll: DirectE = {Root} x {TRUE}
        act12: DirectR = PredefinedRoles x {TRUE}
        act13: EntityMP = {Root +> Root} >
        act14: EntityNames ≔ Ø
        act15: Parent ≔ Ø >
        act16: CPath = {Root + {Root}}
        act17: KidsR = ((PredefinedRoles \ HR) x {\alpha}) v {Role1 * {Role2, Role3, Role4, Role5}, Role2 * {Role5}, Role3 * {Role5}, Role4 * {Role6. Role8}.
                     Role5 >> {Role7}, Role6 >> {Role7, Role8}, Role7 >> {Role9}, Role8 >> {Role9}, Role9 >> ø}
        act18: DescendantsR = {r → {r} | r ∈ PredefinedRoles \ HR} u {Role1 → HR, Role2 → {Role2, Role3, Role7, Role9}, Role3 → {Role3, Role3, Role5, Role7, Role9},
                     Role4 + {Role6, Role6, Role7, Role8, Role9}, Role5 + {Role5, Role7, Role9}, Role6 + {Role6, Role6, Role7, Role8, Role9}, Role7 + {Role7, Role9}, Role9},
                     Role8 + {Role8, Role9}, Role9 + {Role9}}
    o act19: RoleAdmRights = {
                     RUAdmRoleL » (PredefinedRoles × {Execute}) u (({RUAdmRoleL, RUOrdRole, CommonRole} u SpecialAdmRoles) × {Read, Write}),
                     RUAdmRoleH +> (PredefinedRoles × {Execute}),
                     LUAdmRole » (PredefinedRoles × {Execute}) u ({LUAdmRole, LUOrdRole, CommonRole} × {Read, Write}),
                     RolesAR \mapsto {x \mapsto y | x \in PredefinedRoles \land y = Execute} \cup {x \mapsto y | x \in PredefinedRoles \cap OrdRolesU \land y = Own},
                     ARolesAR \Rightarrow {x \Rightarrow y | x \in PredefinedRoles \land y = Execute} \cup {x \Rightarrow y | x \in PredefinedRoles \cap AdmRolesU \land y = Own}, NRolesAR \Rightarrow {x \Rightarrow y | x \in PredefinedRoles \land y = Execute} \cup {x \Rightarrow y | x \in PredefinedRoles \cap NRolesU \land y = Own}}
                     U {ri → RE | ri ∈ SpecialAdmRoles \ {RolesAR, ARolesAR, NRolesAR} ∧ RE = PredefinedRoles × {Execute}} →
    • act20: RoleRights = ((PredefinedRoles \ {RUOrdRole}) x {Ø}) u {RUOrdRole +> {Root} x AccessRights} >>

    act21: RoleName : € PredefinedRoles → Names →

       act22: SubjectAccesses = {SRoot + ø}
        act23: SubjectAdmAccesses = {SRoot >> {RUAdmRoleL, RUOrdRole, CommonRole} × Accesses} >>
        act24: SubjectNOwners ≔ {SRoot → ø}
        act25: SubjectOwner = {SRoot +> {RUOrdRole}} >
        act26: SubjectUser ≔ {SRoot → RedUser}
        act27: SharedC = {Root} x {TRUE}
        act28: SharedR = PredefinedRoles x {TRUE}
        act30: UserOrdRole = {RedUser +> RUOrdRole, LowUser +> LUOrdRole}
       act31: UserAdmRole ≔ {RedUser → RUAdmRoleL, LowUser → LUAdmRole}

    act32: CheckRightE = {SRoot} x {Root} x AccessRights x {{RUOrdRole}}

    act33: CheckRightR = {a → b → c → {d} | a = SRoot ∧ b ∈ {RUAdmRoleL} ∪ {RUOrdRole} ∪ {CommonRole} ∪ SpecialAdmRoles ∧ c ∈ {Read. Write} ∧ d = RUAdmRoleL} ∪

                     {a → b → c → {d} | a = SRoot ∧ b ∈ PredefinedRoles ∧ c = Execute ∧ d = RUAdmRoleL} ∪
                     ((({SRoot} × PredefinedRoles × AccessRights) \
                     ({a → b → c | a = SRoot ∧ b ∈ {RUAdmRoleL} u {RUOrdRole} u {CommonRole} u SpecialAdmRoles ∧ c ∈ {Read, Write}} u
                     \{a \mapsto b \mapsto c \mid a = SRoot \land b \in PredefinedRoles \land c = Execute\}\} \times \{\emptyset\}
    o act34: CheckRightS = {SRoot +> SRoot +> Own +> {RUOrdRole}} >>
       act35: ExecuteContainer ≔ {SRoot → Root → TRUE} → JMA
```

Учетные записи пользователей, процессы, файлы, каталоги

Роли (обычные, административные, запрещающие)

Метки файлов и каталогов, их иерархия

Иерархия ролей

Административные и обычные права доступа ролей

УЧЕТНЫХ

Права доступа процессов к файлам,

Права на выполнение к цепочке

каталогам, ролям и процессам

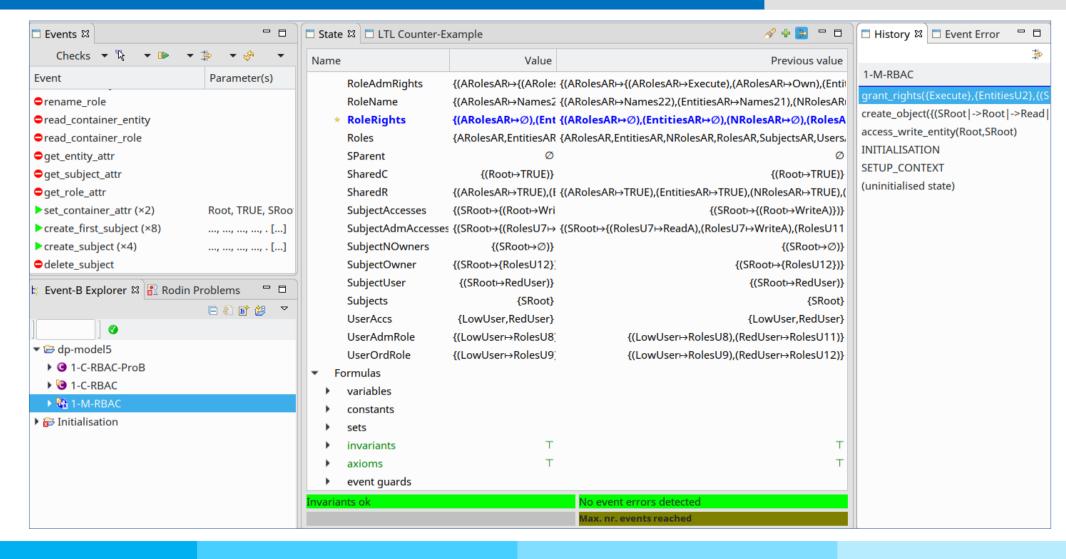
каталогов в их иерархии

Роли процессов

пользователей

Роли

ПРИМЕР ТЕСТИРОВАНИЯ НА СОХРАНЕНИЕ ИНВАРИАНТОВ ПРИ ВЫПОЛНЕНИИ СОБЫТИЙ МОДЕЛИ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ PROB





Спасибо за внимание!